

**КІЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ ТОРГОВЕЛЬНО-ЕКОНОМІЧНИЙ
УНІВЕРСИТЕТ**
СИСТЕМА УПРАВЛІННЯ ЯКІСТЮ
**Система забезпечення якості освітньої діяльності та якості вищої
освіти**
сертифікована на відповідність ДСТУ ISO 9001:2015 / ISO 9001:2015

Кафедра цифрової економіки та системного аналізу



СТОХАСТИЧНЕ МОДЕЛЮВАННЯ /
STOCHASTIC MODELING

РОБОЧА ПРОГРАМА
COURSE OUTLINE

освітній ступінь доктор філософії / PhD

**галузь знань 12 «Інформаційні
технології» / Information Technology**

**спеціальність 122 «Комп’ютерні
науки» / Computer Science**

Київ 2020

**Розповсюдження і тиражування без офіційного дозволу КНТЕУ
заборонено**

Автор: В.Ф. Гамалій, доктор фізико-математичних наук, професор

Програму розглянуто і затверджено на засіданні кафедри цифрової
економіки та системного аналізу 14.02.2020 р., протокол № 13

Рецензенти: А.А. Роскладка, доктор економічних наук, професор;
І.В. Фабрика, керівник центру стратегічних змін
АТ «Ощадбанк», кандидат економічних наук

**СТОХАСТИЧНЕ МОДЕЛЮВАННЯ /
STOCHASTIC MODELING**

**РОБОЧА ПРОГРАМА
COURSE OUTLINE**

освітній ступінь доктор філософії / PhD

**галузь знань 12 «Інформаційні
технології» / Information Technology**

**спеціальність 122 «Комп'ютерні
науки» / Computer Science**

1. СТРУКТУРА ДИСЦИПЛІНИ ТА РОЗПОДІЛ ГОДИН ЗА ТЕМАМИ (ТЕМАТИЧНИЙ ПЛАН)

Тема	Кількість годин				Форма контролю	
	Усього год / кредитів	За видами заняття				
		Лекції	Практичні заняття/МК	Самостійна робота		
Тема 1. Основні поняття теорії стохастичних процесів	10	2	2	6	П, УО, Т	
Тема 2. Стохастичні процеси	20	4	2	14	П, Пр, ПО, Т	
Тема 3. Методи стохастичного програмування	20	4	4	14	П, Пр, ПО, Т	
Тема 4. Чисельний (ітераційний) метод та його використання для дослідження стохастичних моделей	40	6	4	28	П, Пр, ПО, Т	
Разом	90/3	16	12	62		
Підсумковий контроль –залік						

Умовні позначення:

УО – усне опитування; П – перевірка індивідуальних завдань; ПО – письмове опитування; Пр. – презентація індивідуального завдання, Т – тестування.

2. ТЕМАТИКА І ЗМІСТ ЛЕКЦІЙНИХ, ПРАКТИЧНИХ ЗАНЯТЬ, САМОСТІЙНОЇ РОБОТИ АСПИРАНТІВ

<i>Результат навчання</i>	<i>Навчальна діяльність *</i>	<i>Робочий час аспіранта (год.)</i>
Тема 1. Основні поняття теорії стохастичних процесів		
<p>Загальнонаукові компетентності</p> <p>Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу, до формування системного наукового світогляду, етики наукових досліджень, а також правил академічної доброчесності в наукових дослідженнях та науково-педагогічній діяльності.</p>	<p>Лекція 1 План лекції</p> <p>Загальна тема: Випадкові процеси. Класифікація випадкових процесів.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Випадкові процеси. Елементарні випадкові функції. 2. Елементарні випадкові функції. Математичне сподівання випадкового процесу. 3. Характеристики випадкових функцій. Дисперсія випадкового процесу. 4. Кореляційна функція випадкового процесу. Взаємна кореляційна функція двох стохастичних процесів. 5. Однорідні стохастичні процеси з незалежними приростами. Пуассонівський процес. Вінерівський процес. 6. Стационарні випадкові процеси. <p>Спеціальні предметні компетентності</p> <p>з спеціальності:</p> <p>Основній: 1, 3</p> <p>Додатковий: 5, 6</p> <p>Інтернет-джерела: 14</p> <p>Засвоєння концепцій дослідження в області комп'ютерних наук.</p>	<p>2</p>
<p>Програмні підходи:</p> <p>Вміти застосовувати методологію наукового пізнання, форми і методи аналізу, обробки та синтезу</p>	<p>Практичне заняття 1 Практичне заняття теорії стохастичних процесів</p> <p>Тема: Основні поняття теорії стохастичних процесів</p> <p><u>Завдання.</u></p> <p>Побудувати графіки функції розподілу і цільності випадкової величини із заданими параметрами, використовуючи будовані функції пакету MathCAD. Згенерувати 6 пакеті MathCAD для суккупності із заданими параметрами; розрахувати для них</p>	<p>2</p>

<p>Інформації в предметній області комп'ютерних наук</p> <p>математичне сподівання, дисперсію та середньоквадратичне відхилення за допомогою будованих функцій пакету MathCAD. Побудувати графіки спадкових процесів. Обчислити математичне сподівання, дисперсію та коефіцієнт кореляції спадкового процесу.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 1, 3 Додатковий: 5, 6 Інтернет-джерела: 14</p> <p>* - Курсом виділено 20% інтерактивних занять</p>	<p>Самостійна робота аспірантів</p> <p>Питання, що виноситься на самостійне опрацювання, підготовку реферативного матеріалу та підготовку до практичного заняття.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Поняття про випадкову функцію та випадковий процес. 2. Класифікація випадкових процесів. 3. Стационарні випадкові процеси. 4. Комп'ютерне моделювання спадкових величин та їх характеристик. <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 1, 3 Додатковий: 5, 6 Інтернет-джерела: 14</p> <p>Тема 2. Стохастичні процеси</p>
	<p>Лекція 2</p> <p>План лекції</p> <p>Спеціальний (фахові) предметність</p> <p>із спеціальністі:</p> <p>Оволодіння термінологією та поняттєвим апаратом досліджуваного наукового напряму</p> <p>1. Стохастичний процес як зміна стану системи. 2. Ланцюги Маркова. 3. Потоки подій. Найпростіший потік. 4. Марківські дискретні процеси, характерні неперервним часом. 5. Абсорбційні ланцюги Маркова. 6. Регулярні ланцюги Маркова.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3 Додатковий: 6, 7, 8, 13</p>

Інтернет-дже́рела: 14, 15

Лекція 3
План лекцій

1. Моделювання процесів і систем масового обслуговування (СМО).
2. Основні поняття та класифікація моделей СМО. Класифікація систем масового обслуговування.
3. Основні засади математичного моделювання роботи системи масового обслуговування.

Термін виконання вимог (обслуговування).

4. Чисті системи масового обслуговування за необмеженої чергі.
5. Одноканальні СМО з очікуванням. Багатоканальні СМО з очікуванням.
6. Рівняння Колмогорова. Границні ймовірності стабільної роботи СМО.

Список рекомендованих джерел:

Основний: 2, 3

Додатковий: 6, 7, 8, 13

Інтернет-дже́рела: 14, 15

Программі результати навчання:
Вміти методологію наукового пізнання, форми та методи аналізу, обробки та синтезу інформації в предметній області комп’ютерних наук

Тема: Марківські випадкові процеси. Моделювання процесів і систем масового обслуговування (СМО).

2

- Завдання.
1. Розглянуту марківську випадкові процеси із дискретними станами і дискретним часом. Ланцюги Маркова. Обчислити стан випадкової системи, коли відомі матриці однокрокових переходів. Розглянути потокові моделі з використанням абордажних ланцюгів Маркова, регулярні ланцюги Маркова. Основні засади математичного моделювання роботи системи масового обслуговування. Терміни виконання вимог (обслуговування). Одноканальні СМО з очікуванням. Багатоканальні СМО з очікуванням.

Список рекомендованих джерел:

Основний: 2, 3

Додатковий: 6, 7, 8, 13

Інтернет-дже́рела: 14, 15

Самостійна робота аспірантів
Питання, що виникають на самостійне опрацювання, підготовку реферативного матеріалу та підготовку до практичних занять.

14

<p>1. Поняття марківського випадкового процесу.</p> <p>2. Класифікація марківських випадкових процесів.</p> <p>3. Ланцюги Маркова.</p> <p>4. Абсорбційні ланцюги.</p> <p>5. Регулярні ланцюги Маркова.</p> <p>6. <i>Індивідуальні завдання по темі: «Системи масового обслуговування (СМО) та приоритетність в обслуговуванні»</i></p> <p><i>Список рекомендованих джерел:</i></p> <p><i>Основний:</i> 2, 3</p> <p><i>Додатковий:</i> 6, 7, 8, 13</p> <p><i>Інтернет-джерела:</i> 14, 15</p>	<p>4</p> <p>«Системи масового обслуговування (СМО) та приоритетність в обслуговуванні»</p> <p><i>Список рекомендованих джерел:</i></p>
<p>Тема 3. Методи стохастичного програмування</p>	<p>Лекція 4</p> <p><i>Специальні (фахові, предметні) компетентності із спеціальності:</i></p> <p>Здатність використовувати сучасні методи моделювання об'єктів, процесів і явищ предметної дослідження</p> <p><i>План лекції</i></p> <p>1. Облік випадкового розкиду параметрів моделі.</p> <p>2. Способи введення корекції в стохастичні моделі планування виробництва.</p> <p>3. Стохастичні квазіградієнтні методи.</p> <p>4. Ознаки оптимальності в стохастичному програмуванні.</p> <p>5. Стохастичні моделі планування запасів та виробництва.</p> <p><i>Список рекомендованих джерел:</i></p> <p><i>Основний:</i> 2, 3, 4</p> <p><i>Додатковий:</i> 6, 9, 10, 12</p> <p><i>Інтернет-джерела:</i> 15, 16</p> <p>Лекція 5</p> <p><i>Специальні (фахові, предметні) компетентності із спеціальності:</i></p> <p>Здатність використовувати сучасні методи моделювання об'єктів, процесів і явищ предметної дослідження</p> <p><i>План лекції</i></p> <p>1. Потоки в стохастичних мережах. Задача розміщення виробництва.</p> <p>2. Динамічна задача планування запасів та синхронізації виробництва.</p> <p>3. Постановка динамічної стохастичної моделі виробництва.</p> <p>4. Темпи зростання динамічної стохастичної моделі виробництва.</p> <p>5. Проблеми використання стохастичних моделей виробництва у практичних розрахунках.</p> <p><i>Список рекомендованих джерел:</i></p> <p><i>Основний:</i> 2, 3, 4</p>
<p><i>Програмні результатами</i></p>	<p>2</p>

<p><i>навчання:</i> Вміння застосовувати сучасні обчислювальні техніки у науковій діяльності для проведення теоретичних та експериментальних досліджень</p>	<p>Додатковий: 6, 9, 10, 12 Інтернет-джеresa: 15, 16</p> <p>Практичне заняття 3</p> <p>Тема: Стохастичні моделі планування виробництва Завдання.</p> <p>1. Стохастичні моделі планування запасів та виробництва виробництва.</p> <p>2. Задача розміщення виробництва.</p> <p>3. Постановка динамічної стохастичної моделі виробництва.</p> <p>4. Прикладні стохастичні моделі виробництва (обслуговування машинного парку).</p> <p><u>Список рекомендованых джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3, 4</p> <p>Додатковий: 6, 9, 10, 12 Інтернет-джеresa: 15, 16</p>	<p>Самостійна робота аспірантів</p> <p><i>Питання, що виносяться на самостійне опрацювання, підготовку реферативного матеріалу та підготовку до практичних занять.</i></p> <p>Облік випадкового розкиду параметрів моделі. Способи введення корекції в стохастичні моделі планування виробництва. Стохастичні квазіградієнтні методи. Ознаки оптимальності в стохастичному програмуванні. Потоки в стохастичних мережах. Динамічна задача планування запасів та синхронізації виробництва. Проблеми використання стохастичних моделей виробництва у практичних розрахунках.</p> <p><u>Список рекомендованых джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3, 4</p> <p>Додатковий: 6, 9, 10, 12 Інтернет-джеresa: 15, 16</p>	<p>Тема 4. Чисельний (ітераційний) метод та його використання для дослідження стохастичних моделей</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: left; padding: 5px;"><i>Спеціальні предметні компетентності</i> <i>із спеціальності:</i> Здатність використовувати сучасні методи моделювання</th> <th style="text-align: center; padding: 5px;"><i>Лекція 6</i> <i>План лекції</i></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: left; padding: 5px;">1. Загальна інформація. 2. Загальні питання теорії однорідних систем лінійних диференціальних рівнянь. 3. Знаходження розв'язків для систем лінійних однорідних диференціальних рівнянь.</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">2</td> </tr> </tbody> </table>	<i>Спеціальні предметні компетентності</i> <i>із спеціальності:</i> Здатність використовувати сучасні методи моделювання	<i>Лекція 6</i> <i>План лекції</i>	1. Загальна інформація. 2. Загальні питання теорії однорідних систем лінійних диференціальних рівнянь. 3. Знаходження розв'язків для систем лінійних однорідних диференціальних рівнянь.	2
<i>Спеціальні предметні компетентності</i> <i>із спеціальності:</i> Здатність використовувати сучасні методи моделювання	<i>Лекція 6</i> <i>План лекції</i>						
1. Загальна інформація. 2. Загальні питання теорії однорідних систем лінійних диференціальних рівнянь. 3. Знаходження розв'язків для систем лінійних однорідних диференціальних рівнянь.	2						

<p>об'єктів, процесів і явищ предметної дослідження</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3, 4 Додатковий: 9, 11, 12 <i>Інтернет-джерела:</i> 16, 17</p>	<p>Лекція 7</p> <p>План лекції</p> <p>2</p> <p>1. Чисельний (ітераційний) метод. 2. Загальна структура робочого процесу фірми.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3, 4 Додатковий: 9, 11, 12 <i>Інтернет-джерела:</i> 16, 17</p> <p>Лекція 8</p> <p>План лекції</p> <p>2</p> <p>1. Стохастична модель системи. 2. Оптимізація кількості тім-лідерів залежно від їх кваліфікації. 3. Оптимізація кількості продюсерів.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3, 4 Додатковий: 9, 11, 12 <i>Інтернет-джерела:</i> 16, 17</p>	<p>Практичне заняття 4</p> <p>Тема: Чисельний (ітераційний) метод.</p> <p><u>Завдання:</u></p> <p>1. Загальна інформація. 2. Знаходження розв'язків для системи лінійних однорідних диференціальних рівнянь.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p>Основний: 2, 3, 4 Додатковий: 9, 11, 12 <i>Інтернет-джерела:</i> 16, 17</p> <p>Практичне заняття 5</p> <p>Тема: Використання чисельного (ітераційного) метода для дослідження стохастичних</p> <p>2</p>
--	---	---

<p>Вміння застосовувати засоби сучасної обчислювальної та науковий діяльності для проведення теоретичних та експериментальних досліджень</p> <p><u>Основний:</u> 2, 3, 4 <u>Додатковий:</u> 9, 11, 12 <u>Інтернет-джерела:</u> 16, 17</p>	<p><u>моделей завдання.</u></p> <p>1. Загальна структура робочого процесу фірми. 2. Стохастична модель системи. 3. Оптимізація кількості тім-лідерів залежно від їх кваліфікації. 4. Оптимізація кількості продюсерів.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p><u>Основний:</u> 2, 3, 4 <u>Додатковий:</u> 9, 11, 12 <u>Інтернет-джерела:</u> 16, 17</p>
	<p><u>Самостійна робота аспірантів</u></p> <p><i>Питання, що виноситься на самостійне опрацювання, підготовку реферативного матеріалу та підготовку до практичних занять.</i></p> <p>Основи теорії однорідних систем лінійних диференціальних рівнянь. Знаходження розв'язків для систем лінійних однорідних диференціальних рівнянь. Чисельний (ітераційний) метод. Загальна структура робочого процесу фірми. Стохастична модель системи. Оптимізація кількості тім-лідерів залежно від їх кваліфікації. Оптимізація кількості продюсерів.</p> <p><u>Список рекомендованих джерел:</u></p> <p><u>Основний:</u> 2, 3, 4 <u>Додатковий:</u> 9, 11, 12 <u>Інтернет-джерела:</u> 16, 17</p>

90

РАЗОМ

3. СПИСОК РЕКОМЕНДОВАНИХ ДЖЕРЕЛ

Основний

1. Новицький I.B. Випадкові процеси. Навч. Посібник.- (Текст)/ I.B.Новицький, С.А. Ус.- Дніпропетровськ: Видавництво НГУ, 2011.- 123с.
2. Жлуктенко В.I., Наконечний С.I., Савіна С.С. Стохастичні процеси та моделі в економіці, соціології, екології: Навч. Посібник.- (Текст)/ В.I. Жлуктенко, С.I. Наконечний, С.С. Савіна.- К.: КНЕУ, 2002.-226с.
3. Сорока Л. Випадкові процеси. Методичні рекомендації / Л.Сорока, І. Кальчук. – Луцьк: видавництво СНУ, 2013. - 56с.
4. Полякова О.Ю., Милова.В.Моделирование системных характеристик экономики: Учебное пособие. (Текст)/ О.Ю.Полякова, А.В.Милов. – Х.: Издательский дом «ИНЖЭК», 2004.- 296с

Додатковий

5. Лукяненко І.Г., Семко Р.Б. Динамічні стохастичні моделі загальної рівноваги: теорія побудови та практика використання у фінансових дослідженнях: Монографія.(Текст)/ І.Г. Лукяненко, Р.Б. Семко.- К.:НУ «Києво-Могилянська академія», 2015.- 248с.
6. Афанасьев Е.В., Жуков С.О., Довгаль Л.С., Мазурок П.П., Ткаличенко С.В. Моделювання складних динамічних соціально-економічних систем в стохастичному середовищі. Монографія (Текст)/ Е.В.Афанасьев.- Кривий Ріг: Видавець ФО-П Чернявський Д.О., 2012- 302с.
7. Жлуктенко В.І., Бєгун А.В. Стохастичні моделі в економіці (Текст): Монографія/ В.І. Жлуктенко, А.В. Бєгун.- К.: КНЕУ, 2005.-352с.
8. Ляшенко О.І. Математичне моделювання динаміки відкритої економіки: Монографія (Текст)/ О.І.Ляшенко.- Рівне: Волинські обереги, 2005.- 360с.
9. Зайцев Є.П. Теорія ймовірності і математична статистика: Навчальний посібник (Текст)/ Є.П.Зайцев.- К.: Алерта, 2013.- 440с.
10. Рамазанов С.К. Інноваційні технології антикризового управління економічними системами: Монографія (Текст)/ Рамазанов С.К., Надьон Г.О., Кришталь Н.І. та ін..- Луганськ – Київ: вид-во СНУ ім.. В.Даля, 2009.- 584с.
11. Коломієць С.В. Теорія випадкових процесів. Практикум / С.В. Коломієць. – Суми: вид. ДВНЗ «УАБС НБУ», 2011.- 80с.
12. Ястремский А.И. Методы качественного и количественного анализа стохастических моделей производства (Текст) /А.И. Ястремский. Препринт-75-21, Институт кибернетики Академия наук Украинской ССР.- Киев, 1975.- 45с.
13. Клебанова Т.С., Чернова Н.Л., Прокопович С.В. Метод.рекомендации по теме «Однородные цепи Маркова и их использование в моделировании экономических систем» для студентов специальности 8.050502/ Т.С. Клебанова, Н.Л.Чернова, С.В.Прокопович.- Харьков: Изд. ХНЭУ, 2006.-32с

Internet-ресурси

14. Kall P., Mayer J. Stochastic Linear Programming [Електронний ресурс] –
Режим доступу: <http://www.springer.com/us/book/9781441977281>
15. Infanger G. Stochastic Programming [Електронний ресурс] –
Режим доступу: <http://www.springer.com/la/book/9781441916419>
16. Birge J. R., Louveaux F. Introduction to Stochastic
Programming [Електронний ресурс] –
Режим доступу: <http://www.springer.com/gp/book/9781461402367>
17. Kochenderfer M. J. Decision Making Under Uncertainty: Theory and
Application [Електронний ресурс] –
Режим доступу: <https://www.amazon.com/Decision-Making-Under-Uncertainty-Application/dp/0262029251>